

## Werk

**Titel:** Neue Aufgaben.

**Jahr:** 1988

**PURL:** [https://resolver.sub.uni-goettingen.de/purl?378850199\\_0043|log24](https://resolver.sub.uni-goettingen.de/purl?378850199_0043|log24)

## Kontakt/Contact

[Digizeitschriften e.V.](#)  
SUB Göttingen  
Platz der Göttinger Sieben 1  
37073 Göttingen

✉ [info@digizeitschriften.de](mailto:info@digizeitschriften.de)

$m$  Blöcken von Objekten mit aufeinanderfolgenden Nummern bestehen (Einerblöcke zugelassen).

- Ist zusätzlich  $m = k$ , so entsteht  $\frac{n}{n-k} \binom{n-k}{k}$ , die Anzahl der  $k$ -Auswahlen aus  $n$  nummerierten im Kreis angeordneten Objekte, die keine benachbarten Objekte enthalten.

**Aufgabe 964.** Man bestimme alle Paare  $(a, b)$  von reellen Zahlen  $a, b$  derart, dass für alle natürlichen Zahlen  $n$  gilt:

$$a[b n] = b[a n].$$

( $[x]$  bezeichnet die grösste ganze Zahl  $\leq x$ .)

W. Janous, Innsbruck, A

*Solution:* It is clear that  $a[b n] = b[a n]$  for all natural numbers  $n$  if either  $ab = 0$ , or if  $a = b$ , or if  $a$  and  $b$  are both integers. We show that this condition is also necessary. Thus we suppose  $a[b n] = b[a n]$  for all  $n$ ,  $ab \neq 0$ , and  $a \neq b$ . Then, taking  $n = 1$ , we have  $bm = ak$ , where  $m = [a]$  and  $k = [b]$ . Thus  $2m \leq 2a < 2m + 2$ , so that either  $2m \leq 2a < 2m + 1$  or  $2m + 1 \leq 2a < 2m + 2$ . Similarly, either  $2k \leq 2b < 2k + 1$  or  $2k + 1 \leq 2b < 2k + 2$ . Taking  $n = 2$  we conclude that in fact  $[2a] = 2m$  and  $[2b] = 2k$ . (Each of the other possibilities contradicts one of our hypotheses.) Repeating this argument we inductively establish that  $[2^r a] = 2^r m$  and  $[2^r b] = 2^r k$ , so that  $m \leq a < m + 1/2^r$  and  $k \leq b < k + 1/2^r$  for all natural numbers  $r$ . Thus  $a = m$  and  $b = k$ , and our assertion is proven.

J. L. Brenner, Palo Alto, USA

L. L. Foster, Northridge, USA

Weitere Lösungen sandten P. Bundschuh (Köln, BRD), L. Kuipers (Sierre), Kee-wai Lau (Hong Kong), O. P. Lossers (Eindhoven, NL), Chr. A. Meyer (Bern), H. Müller (Hamburg, BRD), L. Sicha (Berlin), R. Wyss (Flumenthal).

## Neue Aufgaben

Die Lösungen sind getrennt nach den einzelnen Aufgaben in Maschinenschrift erbeten bis 10. Dezember 1988 an Dr. H. Kappus. Dagegen ist die Einsendung von Lösungen zu den mit *Problem ... A, B* bezeichneten Aufgaben an keinen Termin gebunden.

Bei Redaktionsschluss dieses Heftes sind noch ungelöst: Problem 601 A (Band 25, S. 67), Problem 625 B (Band 25, S. 68), Problem 645 A (Band 26, S. 46), Problem 672 A (Band 27, S. 68), Aufgabe 680 (Band 27, S. 116), Problem 724 A (Band 30, S. 91), Problem 764 A (Band 31, S. 44), Problem 862 A (Band 36, S. 68), Problem 872 A (Band 36, S. 175), Aufgabe 880 (Band 37, S. 93).