

Werk

Titel: Neue Aufgaben.

Jahr: 1988

PURL: https://resolver.sub.uni-goettingen.de/purl?378850199_0043|log24

Kontakt/Contact

[Digizeitschriften e.V.](#)
SUB Göttingen
Platz der Göttinger Sieben 1
37073 Göttingen

✉ info@digizeitschriften.de

m Blöcken von Objekten mit aufeinanderfolgenden Nummern bestehen (Einerblöcke zugelassen).

- Ist zusätzlich $m = k$, so entsteht $\frac{n}{n-k} \binom{n-k}{k}$, die Anzahl der k -Auswahlen aus n nummerierten im Kreis angeordneten Objekte, die keine benachbarten Objekte enthalten.

Aufgabe 964. Man bestimme alle Paare (a, b) von reellen Zahlen a, b derart, dass für alle natürlichen Zahlen n gilt:

$$a[b n] = b[a n].$$

($[x]$ bezeichnet die grösste ganze Zahl $\leq x$.)

W. Janous, Innsbruck, A

Solution: It is clear that $a[b n] = b[a n]$ for all natural numbers n if either $ab = 0$, or if $a = b$, or if a and b are both integers. We show that this condition is also necessary. Thus we suppose $a[b n] = b[a n]$ for all n , $ab \neq 0$, and $a \neq b$. Then, taking $n = 1$, we have $b m = a k$, where $m = [a]$ and $k = [b]$. Thus $2m \leq 2a < 2m + 2$, so that either $2m \leq 2a < 2m + 1$ or $2m + 1 \leq 2a < 2m + 2$. Similarly, either $2k \leq 2b < 2k + 1$ or $2k + 1 \leq 2b < 2k + 2$. Taking $n = 2$ we conclude that in fact $[2a] = 2m$ and $[2b] = 2k$. (Each of the other possibilities contradicts one of our hypotheses.) Repeating this argument we inductively establish that $[2^r a] = 2^r m$ and $[2^r b] = 2^r k$, so that $m \leq a < m + 1/2^r$ and $k \leq b < k + 1/2^r$ for all natural numbers r . Thus $a = m$ and $b = k$, and our assertion is proven.

J. L. Brenner, Palo Alto, USA

L. L. Foster, Northridge, USA

Weitere Lösungen sandten P. Bundschuh (Köln, BRD), L. Kuipers (Sierre), Kee-wai Lau (Hong Kong), O. P. Lossers (Eindhoven, NL), Chr. A. Meyer (Bern), H. Müller (Hamburg, BRD), L. Sicha (Berlin), R. Wyss (Flumenthal).

Neue Aufgaben

Die Lösungen sind getrennt nach den einzelnen Aufgaben in Maschinenschrift erbeten bis 10. Dezember 1988 an Dr. H. Kappus. Dagegen ist die Einsendung von Lösungen zu den mit *Problem ... A, B* bezeichneten Aufgaben an keinen Termin gebunden.

Bei Redaktionsschluss dieses Heftes sind noch ungelöst: Problem 601 A (Band 25, S. 67), Problem 625 B (Band 25, S. 68), Problem 645 A (Band 26, S. 46), Problem 672 A (Band 27, S. 68), Aufgabe 680 (Band 27, S. 116), Problem 724 A (Band 30, S. 91), Problem 764 A (Band 31, S. 44), Problem 862 A (Band 36, S. 68), Problem 872 A (Band 36, S. 175), Aufgabe 880 (Band 37, S. 93).