

Werk

Label: Other

Jahr: 1972

PURL: https://resolver.sub.uni-goettingen.de/purl?31311157X_0097|log58

Kontakt/Contact

Digizeitschriften e.V.
SUB Göttingen
Platz der Göttinger Sieben 1
37073 Göttingen

✉ info@digizeitschriften.de

STRUČNÉ CHARAKTERISTIKY ČLÁNKŮ UVEŘEJNĚNÝCH V TOMTO ČÍSLE
V CIZÍM JAZYKU

IVO RES, Brno: *Asymptotische Entwicklungen der Lösungen der Differentialgleichung $[p(x)y']' + q(x)y = 0$ im nichtoszillatorischen Fall.* (Asymptotické rozvoje řešení diferenciální rovnice $[p(x)y']' + q(x)y = 0$ v neoskulatorickém případě.)

V předložené práci jsou studovány asymptotické vlastnosti řešení diferenciální rovnice $(py')' + qy = 0$ v neoskulatorickém případě. Pro řešení této rovnice a jeho derivaci jsou pro $x \geq x_0$ konstruovány stejnomořně konvergentní řady, jejichž členy závisí na řešených vhodné diferenciální rovnice $(PY')' + QY = 0$.

PAVLA GVOZDKOVÁ, Praha: *On continuity of linear transformations commuting with generalized scalar operators in Banach space.* (Spojitost lineárních transformací zámenných se zobecněným skalárním operátorem v Banachově prostoru.)

Vyšetřuje se spojitost lineární transformace v Banachově prostoru zámenné s daným operátorem T , který má vhodný spektrální rozklad. Každá spojité transformace je invariantní vůči podprostorům odpovídajícím libovolnému rozkladu spektra operátoru T . Tato podmínka je zároveň postačující pro spojitost transformace, bereme-li T z dostatečně široké třídy operátorů.

VALTER ŠEDA, Bratislava: *On an application of Stone theorem in the theory of differential equations.* (O aplikácii Stoneho vety v teórii diferenciálnych rovníc.)

V práci je odvodená vhodná formulácia Stoneho vety, ktorá je výhodná pre aplikácie. S jej pomocou sa dokazuje, že spojité funkcie na kompaknej množine v metrickom priestore možno rovnomerne aproksimovať postupnosťou hölderovsky spojitych funkcií s rovnakým exponentom α , $0 < \alpha \leq 1$. Výsledek je rozšírený na lokálne kompaktné separabilné metrické priestory a je dokázaná možnosť rovnomernej aproksimácie spojitej funkcie, ktorá splňuje ďalšie dodatočne podmienky. Nakoniec je daná aplikácia v teórii obyčajných diferenciálnych rovníc.

JOSEF KOLOMÝ, Praha: *Continuity and differentiability properties of nonlinear operators.* (Spojitost a diferencovateľnosť nelineárnych operátorov.)

V poznámce jsou odvozeny jednoduché podmínky pro to, aby dané zobrazení F resp. derivace $F'(u)$ bylo spojité, slabě spojité, zesíleně spojité v daném bodě nebo na dané podmnožině lineárního normovaného prostoru.

JAROMÍR SUCHOMEL, Brno: *Über die Zerlegung von linearen homogenen Differentialoperatoren in Operatoren erster Ordnung.* (O rozkladu lineárních homogenních dieferenciálních operátorů v operátory prvého řádu.)

V práci je konstruktivně dokázáno, že ke každé regulární lineární homogenní diferenciální rovnici n -tého řádu $Ay = 0$ existuje funkce f , která může mít pouze izolované kořeny, tak, že diferenciální operátor fA se rovná součinu diferenciálních operátorů prvého řádu.

ÚLOHY A PROBLÉMY

K úloze č. 4, kterou položil I. Babuška v Čas. pro pěst. mat. 79 (1954); úloha byla znova přetištěna v Čas. pro pěst. mat. 89 (1964), str. 103.

Formulace úlohy: *Bud C jednoduchá rovinná křivka konečné délky a D její vnitřek (komplement). Buděž $t_0 \in C$. Utvořme funkci $\vartheta(z, t)$, kde z probíhá množinu D a t množinu $(C - t_0)$ tak, aby $\vartheta(z, t)$ bylo úhlem mezi kladným směrem osy x a vektorem $\vec{z}t$ a aby funkce ϑ byla spojitá. Buděž $F(z) = \int_C |\mathrm{d}_t \vartheta(z, t)|$. (Funkce F je zřejmě spojitá na D a nezávisí na volbě funkce ϑ .) Dokažte (přesně a pokud možno jednoduše) nějakou nutnou a postačující podmínu, aby funkce F byla omezená. (Viz J. Radon, Sitzungsberichte d. Akad. d. Wiss., Wien, Math. Naturw. Kl. 128, Abt. 2a, IIa, 1123; 1919.)*

Řešení úlohy je dáno následující větou:

Označme pro $\zeta \in C$ a $\alpha \in (0, 2\pi)$ symbolem $\mu(\zeta, \alpha)$ počet průsečíků křivky C s polopřímou $\{\zeta + re^{i\alpha}; r > 0\}$ a položme $v(\zeta) = \int_0^{2\pi} \mu(\zeta, \alpha) \mathrm{d}\alpha$. Je-li výše definovaná funkce F omezená na některé z komplementárních oblastí křivky C, pak

$$(1) \quad \sup_{\zeta \in C} v(\zeta) < \infty.$$

Naopak, platí-li (1), pak F je omezená na komplementu křivky C.

Důkaz tohoto tvrzení plyne z vět 1.11 a 2.7 článku [1]; viz též [3] a Corollary a Remark 4 na str. 7 ve sdělení [2].

- [1] J. Král: On the logarithmic potential of the double distribution, Czech. Math. Journal 14 (89) 1964, 306–321.
- [2] J. Král: On cyclic and radial variations of a plane path, Comment. Math. Univ. Carolinae 4 (1963), No 1, 3–9.
- [3] J. Král: On the logarithmic potential, Comment. Math. Univ. Carolinae 3 (1962), No 1, 3–10.

Poznámka. Zvolme pevně komplementární oblast D jednoduché uzavřené křivky C a každé spojité funkci f na C přiřaďme funkci Wf na D předpisem

$$Wf(z) = \operatorname{Im} \int_C \frac{f(\zeta)}{\zeta - z} \mathrm{d}\zeta = \int_C f(t) \mathrm{d}_t \vartheta(z, t).$$

Z věty 2.10 v [1] (viz též věty 3 a 4 v [3]) plyne, že (1) je nutnou a postačující podmínkou k tomu, aby pro každou spojitou f na C byla funkce Wf omezená (resp. stejnoměrně spojitá) na D .

Buď nyní $\gamma \in (0, 1)$ a označme pro každou neprázdnou množinu M v rovině symbolem $C_\gamma(M)$ třídu všech funkcí f , které na M splňují Hölderovu podmínu s exponentem γ , tj. existuje konstanta m_f tak, že

$$(u, v \in M) \Rightarrow (|f(u) - f(v)| \leq m_f |u - v|^\gamma).$$

Lze dokázat, že za předpokladu (1) platí implikace

$$(2) \quad f \in C_\gamma(C) \Rightarrow Wf \in C_\gamma(D).$$

Nyní přirozeně vzniká následující

Úloha. Nalezněte jednoduchou a geometricky názornou nutnou a postačující podmínu na křivku C , která by zaručovala platnost implikace (2).

Josef Král, Praha

Řešení úlohy č. 5 (autor Jan Mařík) z roč. 82 (1957), str. 365

Úloha: Buď G otevřená množina v m -rozměrném Euklidově prostoru E_m , $\emptyset \neq G \neq E_m$; buď f spojitá funkce na hranici H množiny G . Je-li funkce F spojitá na $G \cup H$, harmonická na G a rovna f na H , nazveme funkci F řešením Dirichletovy úlohy příslušné k funkci f a množině G . Rozhodněte, zda platí tato věta: Nechť ke každé omezené spojité funkci na množině G existuje omezené řešení příslušné Dirichletovy úlohy. Potom ke každé nezáporné omezené spojité funkci na množině H existuje nezáporné řešení příslušné Dirichletovy úlohy.

Při řešení této úlohy budeme užívat výsledků práce

[M] J. Mařík: Dirichletova úloha, Čas. pro pěst. mat. 82 (1957), 257–282.

Je-li $m = 2$, tvrzení uvedené věty platí. Plyne to např. ze cvičení 11 v [M].

Nechť je $m > 2$. Ukážeme, že uvedená věta neplatí. Stejně jako v [M] označme \mathfrak{G} systém všech regulárních množin v E_m .

Označme $G_1 = \{x \in E_m; |x| > 1\}$ (vnějšek koule) a buď H_1 hranice množiny G_1 . Zřejmě je $G_1 \in \mathfrak{G}$. Jestliže f_1 je spojitá funkce na H_1 , sestrojme podle odst. 16 v [M] omezené řešení Dirichletovy úlohy příslušné k funkci f_1 a množině G_1 . Hodnotu tohoto řešení v bodě $x \in G_1 \cup H_1$ označme $D(G_1, f_1, x)$.

Zvolme nyní $c \in G_1$ a označme $G = G_1 - \{c\}$, $H = H_1 \cup \{c\}$. Potom je zřejmě H hranicí množiny G . Pro $x \in E_m - \{0\}$ položme

$$h(x) = |x|^{2-m} - 1.$$

Předpokládejme, že f je spojitá funkce na H a buď f_1 restrikce funkce f na množinu H_1 . Pro $x \in H \cup G$ položme

$$F(x) = D(G_1, f_1, x) + (f(c) - D(G_1, f_1, c)) h(x)/h(c).$$

Potom je, jak snadno zjistíme, funkce F omezeným řešením Dirichletovy úlohy příslušné k funkci f a množině G .

Vidíme, že ke každé omezené spojité funkci na množině H existuje omezené řešení příslušné Dirichletovy úlohy.

Kdyby ke každé nezáporné omezené spojité funkci existovalo nezáporné řešení příslušné Dirichletovy úlohy, platilo by $G \in \mathfrak{G}$ podle věty 11 v [M]. Podle věty 15 v [M] však není $G \in \mathfrak{G}$.

Dokázali jsme, že věta vyslovená v úloze neplatí.

Poznamenejme, že snadno lze přímo sestrojit nezápornou omezenou spojitu funkci na H , pro niž neexistuje nezáporné řešení příslušné Dirichletovy úlohy. Nechť k je nezáporná spojitá funkce na H , která není identicky rovna nule a nechť je $k(c) = 0$. Kdyby existovalo nezáporné řešení K Dirichletovy úlohy příslušné k funkci k a množině G , byla by funkce K harmonická v G_1 podle známé věty o odstranitelné singularitě harmonických funkcí. Protože potom je K nezáporná harmonická funkce v G_1 a $K(c) = 0$, je funkce K identicky rovna nule v G_1 a tedy funkce k je identicky rovna nule na H , což je spor s předpokladem.

Ivan Netuka, Praha

RECENSE

D. S. Mitrinovič: ANALYTIC INEQUALITIES. Springer-Verlag, Berlin—Heidelberg—New York 1970, str. XII + 400, 4 obr., cena 88,— DM.

Snáhou autorovou je v této knize doplnit a rozmnocit výsledky, které jsou uvedeny ve dvou základních monografiích o nerovnostech a to v klasické práci C. H. Hardy, J. E. Littlewood, G. Polya: *Inequalities* (1934) a E. F. Beckenbach, R. Bellman: *Inequalities* (1961), kde jsou shrnuti výsledky z let 1934—1960. Autor též upozorňuje, jaká pozornost je v moderní analýze ve stále větší míře věnována nerovnostem, přičemž se odvolává např. na knihu J. Dieudonné: *Calcul Infinitesimal* (Paris 1968).

Tato kniha má sloužit převážně jako pomůcka, ve které lze najít informace o všech možných typech nerovností, vyskytujících se v moderní analýze. Z tohoto záměru a ze snahy o systematickost podání vyplývá uspořádání knihy. Kniha se skládá ze tří částí. V první, úvodní části jsou uvedeny některé základní poznatky. Velká pozornost je věnována konvexním funkcím. Druhá, hlavní část, je rozdělena do 27 odstavců, z nichž každý je věnován některému typu nerovnosti, důležitým pro moderní analýzu. Autor věnuje některým typům nerovností speciální pozornost, jako např. Schweitzerové, Diaz-Metcalfové a Rennieho nerovnosti, nerovnostem pro střední hodnoty, Steffensenové nerovnosti, integrálním nerovnostem obsahujícím derivace, nerovnostem pro vektorové normy a pod. Konečně třetí část obsahuje asi 450 speciálních nerovností.

Vzhledem k určení této knihy nebylo možné formulovat některé výsledky v nejobecnější formě. Proto je kniha doplněna velkým počtem odkazů na podrobnější literaturu (okolo 750 autorů). Zejména ve třetí části jsou mnohá tvrzení bez důkazů, vždy s odkazem na příslušnou literaturu. Tímto přístupem získala kniha na přehlednosti a lze říci, že v ní lze snadno najít informaci o všech známých nerovnostech týkajících se reálných čísel a funkcí jedné reálné proměnné.

V této době, kdy pro svou důležitost a pro velké množství výsledků vyniká potřeba knih, které by přehledně a systematicky pojednávaly o tomto odvětví matematiky, je tato kniha zajisté cenným přínosem jak pro studenty v základních kurzech, tak i pro vědecké pracovníky.

Otto Vejvoda, Praha

Herbert S. Wilf: FINITE SECTIONS OF SOME CLASSICAL INEQUALITIES. Springer-Verlag, Berlin—Heidelberg—New York 1970, str. VII + 82, 28,— DM.

Nechť f, g jsou reálné funkce reálných proměnných x_1, \dots, x_n, \dots a A je nejmenší možná konstanta, pro kterou platí

$$(*) \quad f(x_1, \dots, x_n, x_{n+1}, \dots) < Ag(x_1, \dots, x_n, x_{n+1}, \dots).$$

Jestliže se omezíme na konečně mnoho proměnných (tj. položíme $x_j = 0$ pro $j > n$), dá se očekávat, že bude platit odhad

$$f(x_1, \dots, x_n, 0, \dots) \leq A_n g(x_1, \dots, x_n, 0, \dots)$$

kde $A_n < A$ a $A_n \rightarrow A$ pro $n \rightarrow \infty$. Jedním z hlavních předmětů této knihy je určení rychlosti konvergence A_n k A pro některé důležité typy vztahů (*).

Kniha je rozdělena do čtyř kapitol. V první kapitole jsou shrnutý některé klasické výsledky, týkající se Hilbertovy, Hardyho a Carlemanovy nerovnosti a základní vlastnosti Toeplitzových forem. Ve druhé kapitole je vyložena Widomova teorie Toeplitzových integrálních jader. Je zde také ukázáno, jak se některé typy jader, které se vyskytují v klasických nerovnostech, dají převést na Toeplitzova jádra. Jsou dány též aplikace na Dirichletovy řady. Kapitola třetí se zabývá Hankelovými formami a jejich spektrální teorií. Některé výsledky v sobě zahrnují na příklad odpověď na některé problémy týkající se Hilbertových matic. V kapitole čtvrté se zkoumají některé nelineární problémy, na příklad Carlemanova nerovnost. Zde se nedá aplikovat obecná teorie a každý speciální případ vyžaduje svoji metodu výzkumu. Autor doufá, že v této oblasti bude pokračovat intenzivní výzkum a ukazuje na některé nevyřešené problémy.

Presto, že je tato kniha svým obsahem určena matematikům, kteří se více specializují v tomto oboru, je svou formou přístupná každému, kdo absolvoval základní kurzy matematické analýzy a může sloužit i jako informativní pomůcka pro ty, kdo při své práci narazí na typ problému, formulovaného na začátku.

Otto Vejvoda, Praha

Robert Sauer: DIFFERENZENGEOMETRIE, Springer-Verlag 1970, stran 234, 95 obrázků, cena DM 48,—, cena v ČSSR Kčs 440,—.

Tato kniha je učebnicí diferenciální geometrie křivek a ploch v trojrozměrném eukleidovském prostoru a již její název naznačuje, že se podstatně liší od všech běžných učebnic diferenciální geometrie. Autor neodvozuje totiž věty z diferenciální geometrie přímo užitím diferenciálního počtu, nýbrž vychází z elementárních geometrických modelů jako jsou mnohoúhelníky, posloupnosti přímkové sítě a podobně, pro které nejdříve ukáže platnost různých vět a dále dokáže, že při limitním přechodu přejdou zpravidla tyto věty ve věty z diferenciální geometrie pro křivky, přímkové plochy nebo obecné plochy. Vychází tedy z části geometrie, kterou nazývá diferenční geometrií, protože v ní studuje metrické vztahy mezi sousedními objekty nějakého systému. Je to způsob odvozování dosti neobvyklý, který se obyčejně užívá jen pro odvození vzorce pro délku křivky či plošný obsah plochy, kdežto v recensované knize se užívá skoro systematicky. A je nutno dodat, že to není způsob nezajímavý. Čtenář na příklad tak pozná, že známé podmínky integrability Mainardi-Codazziho nebo Gaussova věta Theorema egregium mají svůj základ v metrických vztazích mezi stranami a úhly trojúhelníkové sítě a to není jediný příklad tohoto druhu, jež se v Sauerově knize probírá. Kniha obsahuje též některé příklady, kdy limitní přechod nevede k správnému tvrzení nebo je výsledné tvrzení sice správné, ale dokazuje se jinou metodou. V takových případech slouží příslušný elementární geometrický model jako metodická pomůcka, návod k vedení důkazu nebo nalezení správného výsledku. Autor mluví v této souvislosti o heuristických modelech. Příkladem je studium deformací ploch záporné křivosti nebo věty o deformacích rotačních a šroubových ploch.

Kniha je rozdělena do tří kapitol: První kapitola — Obecná teorie — obsahuje základní výsledky z teorie prostorových křivek, rozvinutelných ploch a plošných pásů. Dále pojednává o nerozvinutelných přímkových plochách a plochách obecných (první a druhá základní forma, křivosti křivek plochy, sítě konjugovaných křivek, asymptotické křivky). V druhé kapitole jsou probrány některé speciální plochy — plochy konstantní negativní křivosti, Vossovy plochy se sítí konjugovaných geodetik, plochy rotační a šroubové a tzv. profiloaffinní. Vychází se přitom ze speciálních čtyřúhelníkových sítí — Čebyševských, s rovinnými čtyřúhelníky, lichoběžníkových s dalšími podmínkami apod. Třetí kapitola se zabývá infinitesimálními deformacemi ploch též v souvislosti s kinematikou a obsahuje zajímavý paragraf o tzv. Darbouxově cyklu ploch.

Dá se říci, že svým obsahem je předložená kniha určena spíše technikům, kteří jistě též ocení, s jakou názorností je čtenář do každého příkladu uveden. Na druhé straně nutno konstatovat, že

výše uvedený způsob odvození výsledků není vždy právě nejrychlejší a nejpřístupnější a uspokoje spíše ty, kteří nejsou zainteresováni skoro výlučně na výsledcích a chtějí se dozvědět též něco o souvislostech diferenciální a elementární geometrie.

Z několika drobných nedostatků, jež se v knize vyskytuji, bych chtěl upozornit na nepřesné znění vět typu 2.18 resp. 2.19, ve kterých je nutno vyloučit případ, kdy křivost nabývá v některých bodech resp. na některých intervalech nulové hodnoty a na to, že některé věty platí jen lokálně, což není v knize zdůrazněno. Drobné tiskové chyby, kterých je bohužel dost, si jistě čtenář opraví sám.

Leo Boček, Praha

ESSEYS ON TOPOLOGY AND RELATED TOPICS. Memoires dédiés à Georges de Rham. Publié sous la direction de A. Haefliger - R. Narasimhan. Springer-Verlag, Berlin—Heidelberg—New York 1970. XII + 252 stran, cena 60,— DM.

Georges de Rham se narodil 10. září 1903. Na jeho počest uspořádala universita v Ženevě ve dnech 26.—28. března 1969 kolokvium; kniha obsahuje přednesené referáty a práce, napsané de Rhamovými žáky a přáteli.

Úvodní staň od H. Cartana je věnována de Rhamovým pracím o diferencovatelných varietách, a to de Rhamově větě, pojmu toku, teorii harmonických forem a reducibilitě Riemannových prostorů. Tento přehled je bohužel velmi stručný a až na zcela nepatrné zmínky nejsou uvedeny teorie, které vznikly na základě de Rhamových výsledků. Úplný seznam de Rhamových prací je uveden na konci svazku.

Jednotlivé práce sborníku jsou věnovány různým tématům z diferenciální geometrie, teorie komplexních variet a topologie; uvedu alespoň jejich autory a názvy: J. Milnor - O. Burlet, *Torsion et type simple d'homotopie*; M. Atiyah - F. Hirzebruch, *Spin-Manifolds and Group Actions*; P. F. Baum - R. Bott, *On the Zeroes of Meromorphic Vector-Fields*; R. Bott - S. S. Chern, *Some Formulas Related to Complex Transgression*; K. Kodaira, *On Homotopy K^3 Surfaces*; A. Borel, *Pseudo-concavité et groupes arithmétiques*; A. Andreotti - G. Tomassini, *Some Remarks on Pseudo-concave Manifolds*; J. L. Koszul, *Trajectoires convexes de groupes affines unimodulaires*; E. Vesentini, *Maximum Theorems for Spectra*; N. H. Kuiper - B. Terpstra-Keppler, *Differentiable Closed Embeddings of Banach Manifolds*; M. W. Hirsch, *On Invariant Subsets of Hyperbolic Sets*; W. Browder - T. Petrie, *Semi-Free and Quasi-Free S^1 Actions on Homotopy Spheres*; S. P. Novikov, *Pontrjagin Classes, the Fundamental Group and Some Problems of Stable Algebra*; J. Boéchat-A. Haefliger, *Plongements différentiables des variétés orientées de dimension 4 dans R^7* ; C. Weber, *Taming Complexes in the Metastable Range*; B. Eckmann - S. Maumary, *Le groupe des types simples d'homotopie sur un polyèdre*; J. Tits, *Sur le groupe des automorphismes d'un arbre*; M. A. Kervaire, *Multiplicateurs de Schur et K-théorie*; R. Thom, *Topologie et linguistique*.

Alois Švec, Praha

M. Gross - A. Lentini: INTRODUCTION TO FORMAL GRAMMARS (Úvod do formálních gramatik), Springer-Verlag, Berlin—Heidelberg—New York 1970, 231 str. (překlad z francouzského originálu, který vyšel u Gauthier-Villars, Paříž 1967), cena 38,— DM.

Kniha chce být učebnicí a autoři si nečiní žádných nároků na původnost. Vědomě přebírají mnohé od jiných autorů, zejména však ze známé knihy M. Davise „Computability and Unsolvability“ a z kapitol „Formal Properties of Grammars“, kterou sepsal N. Chomský pro knihu „Handbook of Mathematical Psychology“.

Chomsky napsal také třístránkovou předmluvu, v níž obhajuje tradiční pojednání tzv. „universální

gramatiky“, které bylo pozdějším vývojem jazykovědy zatlačeno do pozadí. Upozorňuje, že dnešní algebraické linguistice, jakožto studiu formálních vlastností přirozeného jazyka vyabstrahovaných z jednotlivých jazyků, nejde o nic jiného. V tradiční jazykovědě byla veliká pozornost věnována „tvořivému aspektu“ jazyka, totiž skutečnosti, že v jazyce je rekurentní mechanismus, který — nezávisle na vnějších podnětech nebo na rozlišitelných vnitřních stavech — dovoluje vyjadřit nekonečně mnoho myšlenek, pocitů, záměrů atd. Avšak ke studiu tohoto tvořivého aspektu se nemohlo přistoupit dříve, než byly zavedeny a rozvinuty pojmy algoritmu a rekurence při studiu základů matematiky, což se stalo teprve v posledních třiceti letech. Dnes se studium těchto mechanismů nazývá „generativní gramatikou“. Přitom generativní gramatikou jednotlivého jazyka rozumí Chomsky soustavu pravidel a postupů, jimiž se charakterizuje potenciálně nekonečná třída vět přirozeného jazyka tak, že se větám přiřazují popisy jejich struktury, které zahrnují její významné vlastnosti fonetické, syntaktické a semantické. Chomsky zde vyslovuje domněnkou, že jazykovědci příští generace objeví, že každý přirozený jazyk je zvláštní realizací velmi omezeného schematu, které připouští jen gramatické postupy a struktury značně ohraničené rozmanitosti, takže se ukáže, že si lze představit nesčetně mnoho jazyků, které téměř omezením nevyhovují a tedy, že v psychologickém smyslu tyto jazyky nemohou být přirozenými jazyky přestože jsou v zásadě schopny vyjadřit celý obsah kteréhokoliv přirozeného jazyka. Nakonec Chomsky znova zdůrazňuje, že zatím stále ještě trvá závažná mezera mezi matematickými a empirickými výzkumy, které se týkají universální gramatiky. Empirické popisy jsou příliš složité, než aby dovolily vybudování matematické teorie, a naproti tomu to, co se matematicky zvládnout podařilo (např. teorie bezkontextových jazyků), je opět natolik zjednodušeno, že je to zaručeně empiricky nedeklárnáváno. Toto je starý Chomského argument, který však je podstatně oslaben existencí podmínkových bezkontextových gramatik. Vyvoření matematické teorie universální gramatiky považuje Chomsky dnes za jeden z nejdůležitějších problémů, neboť tato teorie by se v příštích letech stala zcela novým základem pro studium jazyka a byla by ústřední oblastí celé jazykovědné teorie.

Chomsky je zakladatelem algebraické linguistiky a přirozeně se tedy nabízí srovnat předešlé jeho názory s těmi výsledky a směry výzkumu, kterých bylo zatím dosaženo a které jsou zahrnuty do této knihy.

Kniha je rozdělena do tří částí a je doplněna jedním dodatkem. První část (str. 1–80) je věnována logickým a algebraickým předpokladům vlastního výkladu. Zavádí se zde následující pojmy: základní prvek a základní množina (tj. abeceda či slovník) \mathfrak{A} , řetěz a jeho stupeň (tj. délka), operace zřetězení, volný monoid (tj. volná pologrupa s jednotkou) \mathfrak{A}^* , asociativní kalkul Thuea, ekvivalence slov (tj. řetězů) a vyslovuje se problém slov. Formálním jazykem se rozumí podmnožina volného monoidu (tj. je to množina řetězů). Formálním systémem se patrně rozumí tzv. logický systém (podle J. Porte), který je určen spočetnou abecedou \mathfrak{A} , formálním jazykem nad \mathfrak{A} zvaným množinou formulí, jeho podmnožinou tzv. axiomů či schemat axiomů a konečně množinou odvozovacích pravidel, což jsou $(n+1)$ -tice formulí, přičemž prvních n formulí jsou předpoklady a poslední je závěrem. Toto je zbytečně obecný pojem vzhledem k záměru a obsahu knihy. Je objasněn na formalizaci výrokového kalkulu, přičemž jsou jen velmi povrchně zmíněny pojmy axiomatické teorie, metajazyka, syntaxe, významu, interpretace a modelu, ačkoliv pro vlastní výklad nejsou vůbec potřebné. Důležitý však je kombinatorický systém Γ , který je určen konečnou abecedou \mathfrak{A} , jediným axiomem, který je řetězem $A \in \mathfrak{A}^*$, přičemž $A \neq E$, kde $E \in \mathfrak{A}^*$ je tzv. prázdný řetěz délky nula a konečnou množinou produkcí či přepisovacích pravidel tvaru $G \rightarrow \bar{G}$, kde $G, \bar{G} \in \mathfrak{A}^*$. Řetěz $Y = P\bar{G}Q$ (který je zřetězením řetězů P, \bar{G} a Q , přičemž $P, Q \in \mathfrak{A}^*$ a tedy P i Q mohou být i prázdným řetězem) se nazývá důsledkem řetězu $X = PGQ$ podle produkce $G \rightarrow \bar{G}$. Je však zavádějící psát také $PGQ \rightarrow P\bar{G}Q$ (místo odlišujícího značení, např. $PGQ \Rightarrow P\bar{G}Q$) a proto je také nejasné zavedení pojmu typu produkce a to semi-Thueovské, normální a anti-normální (výstižné je nazvat výše uvedený důsledek semi-Thueovským, zatímco $Y = \bar{P}G$ je důsledkem normálním řetězu $X = GP$ příp. $Y' = \bar{G}P$ je anti-normálním důsledkem řetězu $X' = PG$ podle produkce $G \rightarrow \bar{G}$, tj. ze začátku (příp. z konce) řetězu X se ubere G a na jeho konci

(příp. na jeho začátku) se přidá \bar{G}). Posloupnost X_1, X_2, \dots, X_m řetězů se nazývá důkazem příp. derivací věty či řetězu X_m v Γ , když $X_1 = A$ a když X_j je důsledkem (semi-Thueovským, neboť jiný zaveden nebyl) řetězu X_{j-1} podle nějaké produkce z Γ pro $j = 2, 3, \dots, m$. Kombinatorický systém se nazývá monogenický, když každý řetěz má nejvýše jeden důsledek. Řetěz se nazývá víceznačný, když existují v Γ dvě různé jeho derivace (3.4.8), což je zbytečně slabý pojem. Dále se obvyklým, ale velmi stručným způsobem zavádí (podle M. Davise) pojem Turingova stroje, vyhodnotitelné funkce, Gödelovy enumerace, rekursivní a rekursivně spočetné množiny, nerozhodnutelnosti a rekursivní funkce. Vzhledem k příkladům nerohodnutelných problémů se uvádí v souvislost Turingův stroj s kombinatorickým systémem. Formální gramatikou autoři rozumí algoritmus přiřazující přirozeným čísly všechny věty či řetězy příslušného jazyka (4.1.2), což je velmi neobvyklé pojetí.

Druhá část (str. 81–155) je věnována popisu některých důležitých tříd jazyků. Začíná se popisem bezkontextové (context-free čili CF) gramatiky $G = \langle V_T, V_A, S, \mathfrak{R} \rangle$, což je kombinatorický (semi-Thueovský) systém se dvěma konečnými abecedami, zde nazývanými obvykle slovníky, totiž V_T je terminální a V_A neterminální (čili pomocný) slovník (v knize se neuvádí požadavek $V_T \cup V_A = \emptyset$), $S \in V_A$ je axiom a \mathfrak{R} je konečná množina bezkontextových pravidel, tj. pravidel tvaru $A \rightarrow \varphi$, kde $A \in V_A$ a $\varphi \in \{V_T \cup V_A\}^*$. Jestliže dokonce $\varphi \in V_T^*$, nazývá se pravidlo terminální (jinak neterminální). Bezkontextovým (čili CF-) jazykem $L(G)$ vytvořeným CF-gramatikou G se rozumí množina všech terminálních důsledků v G , tj. těch důsledků, které jsou terminálními řetězy. Bez důkazu je uvedeno, že jazyk $\{a^n b^n c^n\}$, kde $n = 1, 2, \dots$, není bezkontextový. Sjednocení a zřetězení dvou CF-jazyků je zase CF-jazyk; je-li L CF-jazyk pak i $L^* = E \cup L \cup L^2 \cup \dots \cup L^n \cup \dots$ je CF-jazyk; zrcadlový obraz \tilde{L} CF-jazyka L , tj. je-li $\varphi = x_1 x_2 \dots x_n \in L$ pak $\tilde{\varphi} = x_n x_{n-1} \dots x_1 \in \tilde{L}$, je také CF-jazyk a konečně substitucí CF-jazyků místo terminálních symbolů v řetězech CF-jazyka a zřetězením příslušných množin vznikne zase CF-jazyk (v knize se hovoří o kompozici jazyků, protože substituce se popisuje pomocí odpovídající kompozice gramatik). Naproti tomu průnik dvou CF-jazyků nemusí být CF-jazyk a ani komplement CF-jazyka vzhledem k V_T^* nemusí být CF-jazyk. CF-gramatika se nazývá Kleeneho či K-gramatikou (7.4.1), když pravé strany jejich neterminálních pravidel mají tvar aB , kde $a \in V_T$ a $B \in V_A$, což není zcela obvyklé (zádává se také, aby pravé strany terminálních pravidel obsahovaly jediný terminální symbol a kromě toho je ovšem možno místo tvaru aB žádat všude Ba); přitom poznámka (92²⁰), že jde o tzv. konečně stavové gramatiky není docela přesná, neboť Chomsky je definoval pomocí orientovaných grafů s cykly. Dále CF-gramatika se nazývá lineární, když na pravé straně každého pravidla nejvýše jeden symbol je neterminální, ale není zcela srozumitelná definice sekvenční gramatiky (7.4.4). Bez důkazu se uvádí, že např. otázky zdali průnik dvou CF-jazyků je prázdný, nebo je CF-jazykem nebo K-jazykem, jsou nerohodnutelné a podobně jsou nerohodnutelné otázky, zdali je komplement CF-jazyka prázdný či nekonečný či CF-jazykem či K-jazykem atd. Řetězy či věty se znázorňují rovinnými representacemi vrcholových stromů, které však nejsou definovány, a které jsou známy pod názvem frázových ukazatelů. Další definici víceznačnosti řetězu, když se připojuští dva různé stromy (8.2.3) je třeba ovšem rozumět tak, že oba stromy jsou neizomorfní. Jazyk se nazývá víceznačným, když obsahuje nějaký víceznačný řetěz (je výstižnější víceznačnost vztahovat ke gramatice než k jazyku) a vrozeně víceznačným, když každá jeho gramatika (jistého typu) je víceznačná. Zase je nerohodnutelné, zdali je libovolný CF-jazyk víceznačný.

Dále se od Turingových strojů, které jsou příliš obecným a tedy nevhodným prostředkem studia, přechází k prostředkům speciálnějším, jimiž jsou různé druhy automatů. Zásobníkový automat je určen 1) vstupní páskou E , která je oboustranně nekonečná a do jejíž políček se píší buď symboly z konečného slovníku $V_E = \{a_1, a_2, \dots, a_p\}$ nebo neutrální symbol e nebo jsou políčka prázdná, což je zachyceno zvláštním symbolem B ; dále 2) paměťovou páskou M , která je jen zprava nekonečná a do jejíž políček se píší symboly konečného slovníku $V_M = \{A_1, A_2, \dots, A_q\}$, přičemž může být $V_M \supset V_E$ a na pásmu M je zvláštní symbol σ ; a konečně 3) počítací

jednotkou A , ježíž dvě čtečí hlavy čtou po jednom políčku na každé pásce a která může být v konečně mnoha vnitřních stavech $S_0, S_1, S_2, \dots, S_n$, a ježíž činnost je určena konečně mnoha příkazy následujícího tvaru: $(a_i, S_j, A_k) \rightarrow (S_m, x)$, kde místo x musí být buď e nebo σ nebo řetěz nad V_M a kde místo a_i případně místo A_k může být e ; trojice tvaru (a_i, S_j, A_k) se nazývá fysikální situaci a obecně situaci se nazývá fysikální situace spolu s každou ze 4 uvedených možných trojic, takže automat je současně v několika situacích (to je zřejmě velmi neobratný popis). Vstupem výpočtu je řetěz nad V_E zapsaný na E , přičemž všechna ostatní políčka jsou prázdná, tj. je na nich B . Na začátku je počítací jednotka v počátečním stavu S_0 , vstupní hlava čte nejlevější symbol vstupního řetězu a také paměťová hlava čte nejlevější symbol paměťové pásky, kterým je σ , tj. počáteční situace je určena. V obecné situaci (a_i, S_j, A_k) buď nelze použít žádný příkaz a pak se automat zastaví, nebo alespoň jednoho příkazu lze použít (a je-li jich použitelných více, pak se zvolí jeden, odkud je vidět, že jde o tzv. nedeterministický automat), který má na pravé straně (S_m, x) a to znamená, že: a) počítací jednotka přejde do stavu S_m , b) je-li první čtený symbol a_i , pak se vstupní hlava posune o jedno políčko doprava a je-li tam místo a_i neutrální symbol e , vstupní hlava se neposune vůbec a c) je-li $x = \sigma$ pak se vymaže (tj. nahradí se symbolem B) čtený symbol a páška M se posune o jedno políčko doprava; je-li $x = e$, páška se nehýbe a nic se nepíše a je-li $x = \varphi \in V_M^*$, pak x se napiše napravo od posledního symbolu na pásce M a páška se posune o délku řetězu φ doleva, takže paměťová hlava čte nejpravější napsaný symbol. Jestliže automat skončí (tj. patrně když nelze použít žádný příkaz) v situaci (B, S_0, B) je vstupní řetěz zapsaný na začátku výpočtu na vstupní pásce E , přijat a množina všech takto přijatých řetězů je jazykem přijatým tímto zásobníkovým automatem. Ukazuje se (9.3.1) obecné schema jak k CF-gramatice G určit zásobníkový automat, který přijímá jazyk $L(G)$, ale nedokazuje se jeho správnost; přitom se ukáže, že stav (a, S, σ) rovněž připouští stav (a, S, e) , což nebylo výše uvedeno. Uvádí se bez důkazu (důkaz jedné části je až v 15.3.1), že třída všech CF-jazyků je právě třídou všech jazyků přijatých zásobníkovými automaty. Velmi nedostatečné jsou poznámky o využití bezkontextových jazyků, které se týkají programovacích jazyků ALGOL (má být ovšem ALGOL 60) a LISP, které musí být čtenáři = záku zcela nesrozumitelné. Zcela je opomenut význam bezkontextových pravidel pro určení semantiky jazyka, ačkoliv to je nepochybně daleko nejdůležitější okolnost při hodnocení významu CF-gramatik a CF-jazyků.

Konečné (rozhodovací) automaty se zavádí v souvislosti s K-jazyky vytvořenými K-gramatikami (v 10.1.1 je už obecnější definice K-gramatiky než podle 7.4.1) obdobným způsobem jako zásobníkové automaty, tj. pomocí pásky a pravidel, a v definici (10.2.2) se nevylučuje nedeterminističnost (o které se však výslovně hovoří až v 10.3.1). Zase jenom poznámkovitě se hovoří o různých modifikacích konečných automatů, o jejich grafovém znázornění, o Kleeneovských výrazech vyjadřujících K-jazyky. Bez důkazu se uvádí tvrzení, že třída všech K-jazyků (tj. nad pevnou abecedou) je nejmenší třídou jazyků, která obsahuje všechny konečné jazyky (nad uvažovanou abecedou) a je uzavřena vzhledem k operacím sjednocení, zřetězení a unární operaci „*“, již se tvoří volná pologrupa. Opět velmi stručně je uvedena definice automatu s výstupem čili převodníku (což je neiniciální Mealyho automat). Je třeba připomenout, že termínem automat u nás označujeme jak rozhodovací automat, tj. automat bez výstupu, což je také v americké literatuře označováno termínem „automaton“, tak i obecný automat, tj. s výstupem, čemuž je v americké literatuře věnováno označení buď převodník „transducer“ nebo stroj, „machine“.

Jestliže se v Kleeneovských výrazech bez operace „*“ (tj. připouští se jen operace sjednocení a zřetězení) dovolí zavést proměnné pro jazyky, jsou těmito výrazy určeny funkce a z nich lze dostat rovnice, jejichž řešením jsou jisté jazyky. Každé CF-gramatice přísluší právě tolik rovnic a tolik jazykových proměnných, kolik je neterminálních symbolů. Např. CF-gramatice G s pravidly $\mathfrak{R} = \{S \rightarrow aAb, S \rightarrow c, A \rightarrow cSA, A \rightarrow b\}$ odpovídá soustava dvou rovnic $\mathfrak{S} = a\mathfrak{S}b \cup c$, $\mathfrak{U} = c\mathfrak{S}\mathfrak{U} \cup b$. Pak řetězy jazyka $L(G)$ lze odvozovat postupně podle rostoucího počtu potřebných pravidel k jejich odvození. Za tím účelem je doslovičně popsán pojmem formální mocninné řady zavedený M. P. Schützenbergerem.

Posledním druhem gramatik, které se studují, jsou kontextové čili CS-gramatiky. U nich (12.1.2) se již požaduje $V_T \cap V_A = \emptyset$ a liší se od CF-gramatik typem pravidel: $\varphi_1 A \varphi_2 \rightarrow \varphi_1 w \varphi_2$, kde $A \in V_A$, $\varphi_1, \varphi_2 \in \{V_A \cup V_T\}^*$ a w je neprázdný. Ukazuje se, ale nedokazuje, že třída všech jazyků vytvořených CS-gramatikami je (v (12.2.4) se uvádí ekvivalentní místo) identická s třídou jazyků přijatých nedeterministickými lineárně omezenými automaty, které jsou definovány takto: na jediné pásmo se píší symboly abecedy V a zvláštní ukazatel $\#$, hlava automatu čte vždy jisté políčko pásky a je v některém vnitřním stavu S_j , když S_0 je počátečním stavem (v němž se začíná) a kromě něho je předepsána podmnožina tzv. koncových stavů; vstupní slovo se napiše na pásku a zleva i zprava je uzavřeno ukazatelem $\#$ a činnost záleží v používání příkazů tvaru $(a_i, S_j) \rightarrow \rightarrow (S_k, a_l, M)$, kde $a_i, a_l \in V$ a $M \in \{+1, -1, 0\}$ což znamená posun hlavy o jedno políčko doprava či doleva či žádný posun; začíná se ve stavu S_0 a je čten levý ukazatel $\#$ vstupního slova a užití příkazu znamená změnit stav z S_j na S_k , přepsat symbol a_i na a_l a příslušný pohyb hlavy; vstupní slovo je přijato, jestliže se automat dostane do některého koncového stavu a přitom jeho hlava čte pravý ukazatel $\#$ (přitom příkazy mohou obsahovat symbol $\#$, ale vždy dvakrát, tj. $\#$ se nedá přepsat na nic jiného).

Poslední třetí část (str. 157–215) je věnována podrobnějšímu algebraickému studiu různých otázek. Především je podrobně studován homomorfismus volných pologrup a některé kongruence s ním spojené. Standardním K-jazykem se nazývá jazyk K_S nad V_T definovaný následujícími podmínkami: 1. každý řetěz z K_S začíná symbolem z pevné množiny I , 2. každý řetěz z K_S končí symbolem z pevné množiny J a 3. slova z K_S neobsahují žádný řetěz délky 2 z dané množiny řetězů $\Delta \subset V_T \times V_T$. Dokazuje se, že skutečně K_S je K-jazykem a že k libovolnému K-jazyku L_1 lze vždy najít takový standardní K-jazyk L_2 a homomorfismus φ , že $\varphi(L_2) = L_1$. Dále se vychází z volné grupy, jejíž abeceda sestává ze dvou částí $\mathfrak{A} = \{a, b, \dots\}$ a $\mathfrak{A}' = \{a', b', \dots\}$, takže její prvky lze zpárovat do dvojic $(a, a'), (b, b'), \dots$. Jestliže jsou předepsány relace $aa' \sim E, bb' \sim E, \dots$ případně dokonce $aa' \sim a'a \sim E, bb' \sim b'b \sim E, \dots$, pak množina řetězů, které jsou ekvivalentní v prvním příp. v druhém systému, je omezeným Dyckovým příp. Dyckovým jazykem, jejichž studiu je věnována velká pozornost, aby byla dokázána fundamentální věta (15.2.3), že ke každému CF-jazyku lze přiřadit takový Dyckův (příp. omezený Dyckův) jazyk D , standardní K-jazyk Q a homomorfismus φ , že $L = \varphi(D \cap Q)$.

Dále se vychází z komutativního (a ovšem asociativního) okruhu Ω a pro volnou pologrupu X^* se konstruuje volná asociativní algebra $\Omega[X^*]$, jejíž prvky jsou tvaru $\alpha_1 f_1 + \dots + \alpha_k f_k$, kde $\alpha_i \in \Omega$ a $f_i \in X^*$, přičemž lze připustit prvky s nulovým koeficientem $0f$, takže sečítání je definováno po složkách, tj. je-li v jednom αf a ve druhém βf , je v součtu $(\alpha + \beta)f$, zatímco násobení,

$$\text{které je asociativní, ale nikoli komutativní, je definováno pravidlem } (\sum_{i=1}^{r,s} \alpha_i f_i) (\sum_{j=1}^s \beta_j g_j) = \sum_{i=1}^{r,s} (\alpha_i \beta_j) (f_i g_j).$$

Pak se algebra $\Omega[X^*]$ rozšíří na velkou algebru $\Omega[[X^*]]$, jejímiž prvky jsou

formální mocninné řady, které jsou zobecněním prvků z $\Omega[X^*]$. Řádem řady (S) se nazývá nejmenší délka řetězu s nenulovým koeficientem $\text{ord}[(S)]$ a vyhodnocením řady (S) se rozumí číslo $\text{val}[(S)] = 2^{-\text{ord}[(S)]}$, takže se zavádí vzdálenost, ukazuje se, že uvažovaný prostor je metrický a úplný a studuje se v něm řada dalších operací; zavádí se pojem algebraického a racionalního jazyka.

Jako dodatek (str. 217–228) je připojeno několik srovnávacích úvah o pojednání jazykové transformace.

Celkově lze výběr temat a podrobnost jejich zpracování těžko zdůvodnit pedagogickými zřeteli, působí spíše náhodně a jsou dány zájmy autorů. V knize je velký počet nadpisů, které však nevždy vystihují obsah následujících řádků. Na konci řady odstavců jsou připojena cvičení.

Tiskové chyby: 84^{23} má být „applied“; 111^{10} v (9.3.1) má být $([1], w_{i,j})$ pro $1 \leq j \leq k_i$ a $1 \leq i \leq m$; 201^{17} v (16.1.6) má být „said to be equivalent“.

Karel Čulík, Praha

A. Blanc-Lapierre, R. Fortet: THEORY OF RANDOM FUNCTIONS. Volume 1. Nakladatelství Gordon and Breach, New York, London, Paris, 1965, 1967, 443 stran, 50 obr.

Kniha je překladem z francouzského originálu, který byl publikován v roce 1953. Vzhledem k značnému rozsahu je původní text rozdělen na dvě části. Recenzovaná kniha je první částí. Profesoři R. Fortet a A. Blanc-Lapierre jsou známé osobnosti, které měly značný vliv na rozvoj teorie náhodných funkcí. Na výkladu a rozvrhu knihy je znát, že autoři mají značné praktické zázemí. Je věnována pozornost zvláště těm partiím teorie náhodných funkcí, které nutně potřebuje znát fyzik nebo technik, který musí zvládnout úkoly, kde důležitou úlohu hraje fluktuace a náhodné poruchy vůbec.

Kniha je psána tak, že pojmy jako náhodná veličina, střední hodnota aj. jsou vysvětleny na mnoha technických příkladech dříve, než je uvedena matematická formulace. Cílem autorů je zřejmě podat nejdůležitější fakta o teorii Markovských procesů.

První a druhá kapitola jsou věnovány základním vlastnostem náhodných veličin. V třetí kapitole jsou obecné definice a vlastnosti náhodných funkcí a procesů. Celá čtvrtá kapitola je věnována procesům s nezávislými přírůstky a to zvláště Wienerově procesu. Jest dokázána spojitost tohoto procesu a jsou odvozeny formule pro distribuční nebo charakteristické funkce veličin $I_m = \int_0^1 X^m(t) dt$, $J_m = \int_0^1 |X(t)|^m dt$, ($m \geq 1$), $I_0 = \max_{\langle 0,1 \rangle} X(t)$, $J_0 = \max_{\langle 0,1 \rangle} |X(t)|$. Velká pozornost je zde věnována také Poissonově procesu. Bez důkazu je uvedena věta o rozkladu stochasticky spojitého procesu s nezávislými přírůstky.

V další kapitole jsou studovány procesy, které mohou být odvozeny z Poissonovského procesu. Jsou rozděleny do tří modelů.

1) $X(t) = \sum_j R(t, t_j)$, kde okamžiky t_j tvoří Poissonovský proces a $R(t, t_j)$ jsou dané funkce.

Uvažují se i procesy vyjádřené integrálem $X(t) = \int_{-\infty}^t R(t, z) dN(z)$.

2) $X(t) = \sum_j R_j(t - t_j)$, kde t_j tvoří Poissonovský proces a R_j jsou náhodné funkce: $R_j(z) = 0$ pro $z < 0$ a $z > b_j$, $R_j(z) = 1$ pro $z \in \langle 0, b_j \rangle$, kde b_j jsou náhodné veličiny vzájemně nezávislé se stejnými distribučními funkcemi.

3) $X(t)$ má hodnoty ± 1 , které se střídají v okamžicích t_k a t_k tvoří Poissonův proces. V intervalu $\langle t_j, t_{j+1} \rangle$ obsahující počátek se hodnota $X(t)$ zvolí náhodně.

Je předveden praktický význam těchto modelů a jsou řešeny problémy, které se nejvíce vyskytují při aplikacích.

Poslední dvě kapitoly se týkají Markovských procesů. Šestá kapitola je vyhrazena Markovským procesům s konečným a spočetným počtem možných stavů. Je zde naznačen rozklad množiny stavů na irreducibilní stavů, studuje se vlastnosti cyklických a uzavřených množin stavů ap. Dále je věnována pozornost vlastnostem matice transitivní funkce $P(t)$ (asymptotické vlastnosti, derivovatelnost, Kolmogorova rovnice). V sedmé kapitole se uvažuje jednak permanentně nespojitá a jednak spojité skoro všude Markovské procesy. Hlavním cílem je zde odvození Kolmogorovy rovnice a obdobných rovnic pro aditivní funkcionály.

Kniha je jistě užitečnou pomůckou fyziků a techniků, těžko ji však doporučit matematikům, poněvadž důkazy tvrzení většinou chybí a formulace jsou někdy z hlediska matematiků zbytečně komplikované až nejasné.

Ivo Vrkoč, Praha

R. L. Stratonovich: TOPICS IN THE THEORY OF RANDOM NOISE. Volume II, nakl. Gordon and Breach New York, London, Paris, 1967, 329 stran, 36 obr.

Kniha je revidovaným překladem z ruského originálu a je druhou částí dvousvazkového díla. První svazek je nazván: „Obecná teorie náhodných procesů, nelineárních transformací signálů

a šumu". Čtenáři však stačí elementární znalosti z teorie pravděpodobnosti, aby mohl číst druhý svazek samostatně.

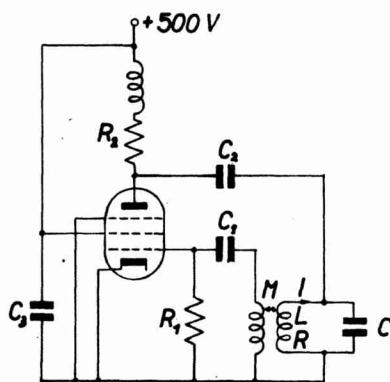
Druhý (reconsorovaný) svazek je hlavně věnován metodám, které jsou potřebné k zvládnutí teorie elektronkového oscilátoru, na který působi náhodné vlivy. Tento svazek je rozdělen do dvou částí. První část nese název: „*Vrcholy náhodných funkcí a vliv šumu na relé*“ a skládá se ze tří kapitol. Autor se zabývá zkoumáním náhodného procesu $x(t)$, který je řešením rovnice $dx(t)/dt = f(x) + \xi(t)$, kde $\xi(t)$ je daný δ -korelovaný náhodný proces. Autor se zabývá určením doby T_{tr} , po které lze $x(t)$ považovat za stacionární proces. V teorii reléových systémů je zvláště důležité, když $x(t)$ překročí (zdola nahoru) jistou úroveň $x = b$, kdy dochází ke změně polohy. Z praktického pozorování je patrné, že tyto průsečíky se hromadí do skupin, mezi nimiž jsou zřetelné rozdíly. Střední dobu, která uplyne mezi těmito skupinami, autor označuje T_{fp} a určuje ji. Tyto veličiny jsou určeny na základě úvah o prvních approximacích ve Fourierově rozvoji. Doby T_{tr} , T_{fp} však nejsou matematicky definovány. Druhá kapitola je věnována určení středního počtu průsečíků $x(t)$ s $x = b$, po nichž nastává vrchol, který trvá déle než $\tau > 0$. Poněvadž ke změně stavu relé nestačí překročení úrovně $x = b$, ani doba trvání takového vrcholu, ale plocha, která se nachází mezi $x(t)$ a úrovní $x = b$, autor určuje tuto plochu pro dostatečně hladké procesy.

Druhá část knihy je nazvana: „*Nelineární samobuzené kmity za přítomnosti šumu*“. Autor se nejprve věnuje aplikaci metody průměrů Krylova-Bogoliubova na nelineární rovnici druhého řádu s náhodnými poruchami a dalším zjednodušením. V páté kapitole jsou uvedeny různé metody pro řešení dříve zjednodušeného typu rovnice. Jde hlavně o využití Fokker-Plancovy rovnice, metodu linearizace a méně známou tzv. quasi-statickou metodu, která je vhodná v případě, že korelační doba poruch je větší než relaxační doba soustavy.

Kapitoly 6–8 tvoří hlavní náplň knihy. Zde se podrobně zkoumá vliv náhodných poruch na elektronkový oscilátor. Konkrétní formule jsou odvozeny pro případ vyobrazeného oscilátoru, který po jistém zjednodušení lze popsat rovnicí

$$\ddot{x} + \omega_0^2 x = \omega_0^2 [\omega_0 M F_0 (\dot{x}/\omega_0) - R C \dot{x} + \omega_0 M I_f(t)],$$

kde x je proud v obvodu LC a $I_f(t)$ popisuje náhodné poruchy anodového proudu. Autor se po-



drobně zabývá případem, kdy poruchy mají charakter slabého šumu, který je způsoben termálními vlivy nebo procesy v elektronce (kap. 6), dále případem, kdy poruchy mají charakter silného šumu způsobeného např. změnami napětí vnější sítě a konečně vlivu pomalu se měnících poruch, které mohou být způsobeny změnami teploty (viz vliv na kapacitu, indukci atd.). Autor určuje

explicitně korelační funkce, spektrální hustoty ap. odpovídající různým fyzikálním veličinám tohoto oscilátoru. Používá se dříve objasněných metod, takže si čtenář může samostatně modifikovat výsledky i pro jiné typy oscilátorů.

Devátá kapitola je věnována problému synchronisace oscilátorů. V tomto případě mohou být poruchy neustálé, avšak malé intenzity nebo může docházet k občasným skokům fáze o celé násobky periody. Nahromadění takových skoků má za následek změny frekvence. Autor se zabývá oběma případy. Závěrečná kapitola pojednává o parametrických oscilacích.

Kniha je určena hlavně pro techniky, pro které je zřejmě přínosem. Z matematického hlediska je však v mnoha směrech nevyhovující. Některé pojmy z první části (např. T_{tr} , T_{fp}) nejsou jasné definovány. V případě, že poruchy tvoří „bílý šum“, neexistuje derivace řešení $x(t)$ a tedy samotný zápis rovnice je čistě formální. Tento fakt může být zdrojem hrubých chyb, pokud by čtenář, s menším technickým citem nebo matematickými znalostmi, chtěl provést netriviální úpravy výsledků nebo metod. Je nutno podotknout, že existuje teorie tzv. Itových stochastických rovnic, které vystihují vliv „bílého šumu“ z matematického hlediska precismě. O této teorii však není v knize ani zmínka. Avšak i pro matematiky může tato kniha mít cenu, a to jako zdroj nových podnětů, zvláště, co se týče první části knihy.

Ivo Vrkoč, Praha

Lothar Collatz: FUNKCIONÁLNÍ ANALÝZA A NUMERICKÁ MATEMATIKA, SNTL, Praha 1970. Z německého originálu Funktionalanalysis und numerische Mathematik přeložil Alois Apfelbeck. 420 stran, 96 obrázků, cena 47,— Kčs.

Český překlad této významné práce z oboru numerických metod, a vlastně první soustavné práce tohoto druhu vůbec, vychází šest let po německém originálu v Teoretické knižnici inženýra. Zájemci měli možnost seznámit se s knihou již dříve, mj. i z jejího překladu anglického (1966) nebo ruského (1969).

Kniha je rozvržena do tří kapitol. První kapitola, Základy funkcionální analýzy s aplikacemi, buduje po všeobecném úvodu celý aparát funkcionální analýzy, potřebný pro následující dvě kapitoly. Druhá kapitola, Iterační metody, je uvedena větou o pevném bodě pro obecnou iteraci metodu v pseudometrických prostorech. Obsahem kapitol pak jsou aplikace této věty v různých konkrétních případech. Obzvláště důkladně se autor zabývá metodou regula falsi a Newtonovou metodou. Třetí kapitola, Monotonie, nerovnosti a další oblasti, je věnována zejména aplikacím Schauderovy věty o pevném bodě (věta je dokázána v dodatku ke knize) a otázkám approximace, především approximace Čebyševovy.

Nesnadný úkol, vyložit základy funkcionální analýzy na necelých dvou stovkách stran první kapitoly, se autorovi podařilo splnit jen za cenu velkého zhuštění textu a místy i na úkor dobré srozumitelnosti výkladu. Další dvě kapitoly touto zhuštěností netrpí. V knize je řada různých názorných příkladů, včetně číselných příkladů u popisu jednotlivých numerických metod. Kromě toho všechny tři kapitoly obsahují netriviální příklady určené k řešení čtenářem.

Autorův záměr ukázat, že není „aplikovaná“ matematika oddělena od „čisté“ matematiky (ale ani „čistá“ matematika od „aplikované“) je v knize zdařile realizován. Už proto je kniha přínosem jak pro zájemce o teorii numerických metod, tak pro ty, kdo se zabývají praktickými výpočty. Český překlad dovoluje nyní i využití knihy při vysokoškolské výuce.

Překladatel značně přispěl ke zlepšení srozumitelnosti knihy, zejména pak její první kapitoly. Text je doplněn řadou poznámek pod čarou a některé pasáže jsou zlepšeny (např. důkaz Arzelovy věty v odstavci 5.3). Přesto se české vydání neobešlo bez tiskových chyb, z nichž některé mohou čtenáře-začátečníka zmást (např. v příkladu 4 odstavce 2.5 se jedná o prostor R_m , nikoli R_n).

Na několika místech je překlad značně nepřesný (např. v odstavci 14.7 se autorem užitý anglický termín *implicit alternating direction method* překládá jako *metoda implicitních střídavých směrů* místo *implicitní metoda střídavých směrů*). Kromě toho překladatel vytváří nové české

termíny někdy i tam, kde už vžitý termín existuje (např. německý termín *Kondition der Matrix* je přeložen v odstavci 10.4 jako *stav matice*, přestože běžně vžitý český termín pro tento pojem je *číslo podmíněnosti maticy*; analogický překlad se vyskytuje už v odstavci 6.6 při zavedení tohoto termínu pro operátory).

Přes zmíněné nedostatky lze český překlad Collatzovy knihy jen uvítat jako významný přínos pro všechny, kdo se jakýmkoli způsobem zabývají numerickými metodami.

Karel Segeth, Praha

Lubomír Kolek: PŘEHLED VZORCŮ STŘEDOŠKOLSKÉ MATEMATIKY. Polytechnická knižnice, 56. svazek II. řady, Praha, SNTL a nakladatelství Práce 1970, 324 str., 143 obr., 5 tabulek, brožované 24,— Kčs.

Hans-Jochen Bartsch: MATEMATICKÉ VZORCE. Z němčiny přeložil Mg. Mat. Vladimír Malý, CSc. Třetí nezměněné vydání, SNTL Praha a Nakladatelstvo Alfa Bratislava 1971, 580 str., 326 obr., vázané Kčs 35,—.

SNTL předkládá, poměrně krátce po sobě, dvě sbírky vzorců. Vedle již osvědčené a dle mého názoru užitečně rozsáhlější sbírky H.-J. Bartsche, která vychází v českém překladu již ve třetím vydání, je to prvé vydání knihy L. Kolka.

Přestože sbírky vzorců byly, jsou a budou vždy velmi potřebné, zdá se mi tento počin SNTL, uvážíme-li poměry v našem polygrafickém průmyslu, zbytečným luxusem. Navíc, bohužel, sbírka L. Kolka je — vzhledem k mnoha chybám, a nejsou to pouze chyby tiskové — téměř nepoužitelná pro ty, kterým je určena.

A tak zájemcům o sbírku vzorců je možno jen doporučit: obětujte o 11,— Kčs více a kupte si sbírku H.-J. Bartsche, na kterou je možno se spolehnout.

Vladimír Doležal, Praha

DÁLE VYŠLO

P. F. Byrd, M. D. Friedman: HANDBOOK OF ELLIPTIC INTEGRALS FOR ENGINEERS AND SCIENTISTS. 2. revidované vydání, Springer-Verlag, Berlin—Heidelberg—New York 1971, 358 + XVI stran, 22 obrázků, vázané 64,— DM.

Tato sbírka vycházející jako 67. svazek řady „Die Grundlehren der mathematischen Wissenschaften in Einzeldarstellungen“ a obsahující více než 3000 vzorců a formulí týkajících se elliptických integrálů, theta funkcí a elliptických funkcí je zájemcům k disposici v knihovně Matematického ústavu ČSAV v Praze.

MO 1951—1971, 20 LET MATEMATICKÉ OLYMPIÁDY V ČSSR. Připravili a redigovali P. Benda, J. Moravčík, J. Vyšín a F. Zítek. Vydal ÚV matematické olympiády v Praze 1971 jako zájmový tisk pro potřebu matematické olympiády s podporou ministerstev školství ČSR a SSR.

Neprodejná brožura, která vyšla při příležitosti XX. ročníku matematické olympiády v ČSSR. Jak uvádí redakční skupina v předmluvě, byla původně plánována publikace reprezentativnější, zachycující již dnes bohatou historii této soutěže. Bohužel omezení edičních a finančních možností způsobilo vydání jen výseku z tohoto rozsáhlého materiálu. Přesto se podařilo přinést pestrou všechnu, kterou si se zájmem přečte každý, kdo se zajímá o matematickou olympiádu. Spolu s redakční skupinou doufáme, že za pět let budou okolnosti příznivější a že bude možno vydat hodnotnou publikaci k čtvrtstoletí této soutěže.

Redakce

ZPRÁVY

MEZINÁRODNÍ KONFERENCE O TEORII ČÍSEL V MOSKVĚ

Ve dnech 14.—18. září 1971 pořádala AV SSSR spolu s Mezinárodní matematickou unií v Moskvě konferenci věnovanou analytické a algebraické teorii čísel. Datum zahájení konference přitom odpovídalo osmdesátinám význačného sovětského matematika I. M. VINOGRADOVA.

Toto jubileum se odrazilo i v náplni přednášek na plenárních zasedáních konference. Prvě plenární zasedání, spojené se zahájením konference, se konalo v zasedací síni presidia AV SSSR. Po krátkém úvodním projevu akademika M. V. KELDYŠE a vystoupení předsedy organizačního výboru akademika I. M. Vinogradova vyslechli přítomní dva hodinové referáty. Oba přednášející (president MMU prof. K. CHANDRASEKHARAN i akademik J. V. LINNIK) se věnovali významu díla I. M. Vinogradova z hlediska minulého i současného rozvoje teorie čísel. Na závěrečném druhém plenárním zasedání, kterému předsedal akademik N. N. BOGOLJUBOV byly na programu dvě hodinové přednášky mladých matematiků. Prof. E. BOMBieri (Italie) i prof. A. A. KARACUBA (SSSR) hovořili o vlastních výsledcích, které patří k nejzávažnějším úspěchům v teorii čísel v poslední době.

Vlastní jednání konference probíhalo ve dvou sekcích. Referáty byly pouze hodinové, zahraniční účastníci byli ke svým přednáškám jmenovitě zváni. V prvé sekci bylo předneseno celkem patnáct referátů věnovaných problematice analytické teorie čísel, v sekci druhé (algebraická teorie čísel) pak referátů čtrnáct. Konference se zúčastnilo třicet pět zahraničních matematiků a pochopitelně celá řada matematiků sovětských. Pro zajímavost uvedme (podle přednášek) zahraniční účastníky: A. BAKER, B. J. BIRCH, B. A. BURGESS, J. W. S. CASSELS, L. J. MORDELL (Anglie), T. TONKOV (Bulharsko), M. JUTILA (Finsko), E. BOMBieri (Italie), Y. IHARA, T. MITSUI, T. TATUZAWA (Japonsko), K. RAMACHANDRA (Indie), A. SCHINZEL (Polsko), H. KOCH (NDR), F. HIRZEBRUCH (NSR), A. A. ALBERT (USA), B. NOVÁK (ČSSR). Ze sovětských účastníků jménem ještě např. A. I. VINOGRADOVA, I. P. ŠAFAREVIČE, A. F. LAVRIKA, J. P. KUBILIUSE, A. N. ANDRIANOVA, V. G. SPRINDŽUKA a A. B. ŠIDLOVSKÉHO. Mezi účastníky konference byli také členové předsednictva MMU (A. CARTAN, M. F. ATIYAH aj.), jehož zasedání se současně v Moskvě konalo.

Těžiště práce spočívalo — jako na většině podobných konferencích — hlavně ve skupinových diskusích mimo rámec přednášek. Přesto, že počet referátů byl značně redukován (pro ilustraci: symposium v r. 1968 v maďarském Debrecenu mělo v jediné sekci více než dvacet pět referátů) převládl spíše dojem, že účelné je na podobných setkáních specialistů zařadit ještě menší počet obsáhlějších referátů, které by byly věnovány buď přehledu problematiky v některém odvětví neb zásadním výsledkům poslední doby a ponechat více prostoru improvisovaným přednáškám a diskusím.

Závěrem je potřeba ještě dodat, že celá konference byla organizačně bezvadně připravena. Pro zahraniční účastníky byla připravena řada exkursů v Moskvě i v okolí a po konferenci několikadenní pobyt buď v Leningradě neb v oblasti Taškent, Samarakand. Netřeba snad dodávat, že k vzájemnému sblížení účastníků přispěla úvodní recepce i závěrečná večeře a pochopitelně celá řada neoficiálních večerních besed.

Břetislav Novák, Praha

JUBILEJNÍ XX. ROČNÍK MO V ČSSR

Ve školním roce 1970—71 proběhl XX. ročník tradiční školské matematické soutěže — matematické olympiády. Po organizační stránce byl průběh obdobný jako v ročníku předcházejícím: po studijním I. kole proběhlo ve všech kategoriích klauzurní II. kolo a v květnu pak dvoudenní soutěž III. kola kat. A v Pardubicích. Zvítězil JAN BRYCHTA z 3a gymnasia v Praze 3, Pražáčka. Druhým byl ŠTEFAN SAKALOŠ ze 3d SVŠ Prievidza. Celkem bylo vyhlášeno 8 vítězů a 12 úspěšných řešitelů.

Pokračovaly též pomocné akce pro soutěžící v MO jako jsou přednášky a semináře v krajích a celostátní soustředění úspěšných řešitelů MO a FO kategorie B, kde byla probírána téma: Algoritmy a složitost úloh (dr. J. Morávek), Booleovy algebry (dr. O. Odvarko), Lineární transformace v rovině (dr. P. Liebl) a Metoda souřadnic v geometrii (dr. M. Koman, CSc). Po týdeninném přípravném soustředění se osmičlenné družstvo zúčastnilo XIII. Mezinárodní matematické olympiády v Žilině (viz další zpráva).

Vlastimil Macháček, Praha

XIII. MEZINÁRODNÍ MATEMATICKÁ OLYMPIÁDA

V roce 1971 se MMO opět konala v Československu. Bylo tomu tak po druhé v historii této mezinárodní soutěže. Po prvé Československo pořádalo MMO v roce 1962 v rámci oslav 100. výročí založení JČMF. Tehdy to byla IV. MMO a dějištěm byly Jižní Čechy. XIII. MMO byla u nás pořádána při příležitosti XX. ročníku československé MO.

Pořadatelem XIII. MMO bylo ministerstvo školství Slovenské socialistické republiky. Přípravný výbor začal pracovat již v červnu 1970. Předsedou byl akademik ŠTEFAN SCHWARZ a místopředsedou akademik JOSEF Novák. Z pozvaných 17 států (včetně ČSSR) přijalo pozvání 15 — Bulharsko (BG), ČSSR (CS), Francie (F), Holandsko (NL), Jugoslávie (YU), Kuba (C), Maďarsko (H), Mongolsko (M), NDR (D), Polsko (PL), Rakousko (A), Rumunsko (R), SSSR (SU), Švédsko (S) a Velká Británie (GB) — což je dosud největší počet. Belgie zdvořile odmítla a Itálie na pozvání neodpověděla.

Soutěž řídila mezinárodní jury, jejímž předsedou byl akademik Štefan Schwarz, místopředsedou akademik Josef Novák a členy byly vedoucí všech delegací, kteří většinou přijeli do Bratislavu 7. 7. 1971. První oficiální akcí XIII. MMO byla slavnostní večeře, kterou uspořádal 7. července v hotelu Carlton v Bratislavě na počest vedoucích delegací ministr školství SSR prof. ing. ŠTEFAN CHOCHOL, CSc. Žáci se svými pedagogickými vedoucími přijeli do Bratislavu většinou 10. 7. Na slavnostním zahájení soutěže 13. 7. v Žilině i na slavnostním závěru MMO v Bratislavě dne 19. 7., kde byly předány ceny, promluvil vždy náměstek ministra školství SSR prof. dr. MICHAL GREGUŠ, DrSc. Vlastní soutěž se konala ve dnech 12. 7. a 13. 7. v Žilině v budově střední průmyslové školy stavební. Žáci řešili celkem 6 úloh, každý den 3 po čtyři hodiny čistého času.

Žáci, vedoucí delegací a pedagogičtí vedoucí absolvovali též několik výletů, např. do Bojnic a do Vysokých Tater. Vedoucí delegací a pedagogičtí vedoucí při výletu do Vrátnej doliny vzpomněli dlouholetého jednatele ÚV čs. MO RUDOŁFA ZELINKU, který zde náhle v květnu 1965 zemřel.

Nyní k výsledkům soutěže. Nejlepší byli maďarští žáci — obdrželi celkem 255 bodů z 336 možných, za což byli odměněni 4 prvními a 4 druhými cenami. Českoslovenští žáci získali celkem pouze 55 bodů a jednu třetí cenu, což podle bodů tedy znamená 9. místo a podle cen dokonce 11. místo v žebříčku 15 států.

Počty získaných bodů a cen:

Stát	A	BG	C	CS	D	F	GB	H	M	NL	PL	R	S	SU	YU
Body	82	39	9	55	142	38	110	255	26	48	118	110	43	205	71
I. cena	—	—	—	—	1	—	—	4	—	—	1	—	—	1	—
II. cena	—	—	—	—	1	—	1	4	—	—	—	1	—	5	—
III. cena	4	—	—	1	4	—	4	—	—	2	4	4	2	2	2

Poznámka: Družstva všech zemí byla osmičlenná až na Kubu (4 žáci) a Švédsko (7 žáků).

Jiří Mída, Brandýs n. Labem

PADESÁT ROČNÍKŮ ROZHLEDŮ MATEMATICKO-FYZIKÁLNÍCH

V tomto školním roce vychází již padesátý ročník Rozhledů matematicko-fyzikálních, které se kdysi odštěpily od Časopisu pro přestování matematiky a fyziky. Rozhledy jsou určeny středoškolským studentům a přinášejí pro ně články z matematiky, deskriptivní geometrie, fyziky, astronomie a přilehlých oborů. Po oněch padesát let ovlivňují naši středoškolskou matematiku a fyziku a pomáhají mladým talentům. V Rozhledech najdeme též každým rokem rubriku „Úlohy o ceny“, která je jakousi předchůdkyní celostátní matematické a fyzikální olympiády. V minulosti vedli tento časopis známí vědecetí pracovníci (např. A. URBAN, F. VYČICHLO), přispívala sem řada školských odborníků a mnoho dnes známých jmen bylo prvně otištěno právě v Rozhledech. Dnes časopis rediguje O. SETZER se spolupracovníky. Přejeme Rozhledům, aby měly stále zásobu pěkných článků a úloh a aby se jim těšilo ještě mnoho generací.

Jiří Sedláček, Praha

OBHAJOBY A DISERTAČNÍ PRÁCE KANDIDÁTŮ VĚD

Před komisemi pro obhajoby kandidátských disertačních prací obhájili dne 28. června 1971 bulharský státní příslušník IVAN DIMOV JANČEV práci na téma: „O některých dvojicích monosystémů lineárních prostorů vnořených do prostoru sudé dimenze“, dne 9. listopadu 1971 Jiří TAUFER práci na téma: „Řešení okrajových úloh pro soustavy lineárních diferenciálních rovnic“ a JAROSLAV MILOTA práci na téma: „Řádově optimální univerzální variační metody“, dne 19. listopadu 1971 vietnamský státní příslušník NGUYEN-VAN HUU práci na téma: „Rank tests for hypothesis of randomness against a group regression alternatives“, dne 15. prosince 1971 KAREL NAJZAR práci na téma: „Výpočet vlastních čísel a vlastních funkcí symetrického operátoru metodou nejmenších čtverců, JOSEF KOFROŇ práci na téma: „Odhady chyb kvadraturních a interpolačních formulí nezávisle na derivacích“ a KAREL SEGETH práci na téma „Univerzálně optimální integrační vzorce zahrnující hodnoty derivací integrandu“ a dne 23. prosince 1971 DAGMAR GLÜCKAUFOVÁ práci na téma: „Axiomatic foundation of indirect utility“.

Redakce