

Werk

Label: Abstract

Jahr: 1956

PURL: https://resolver.sub.uni-goettingen.de/purl?31311157X_0081|log37

Kontakt/Contact

Digizeitschriften e.V.
SUB Göttingen
Platz der Göttinger Sieben 1
37073 Göttingen

✉ info@digizeitschriften.de

V uvažovaných případech $(2,24)_{a,b,c}$ jsou a, b, c kladná čísla. Podrobným výpočtem, který zde provádět nebudeme,²⁹⁾ vyjde při vhodné normalisaci funkce $M(\eta^a)$ z (1,9) pro affinnormalní vektor N^α definovaný v (1,15) v každém z případů $(2,24)_{a,b,c}$: $x^\alpha = N^\alpha$ pro $\alpha = 1, 2, 3$; odtud plyne hned: $\frac{\partial x^\alpha}{\partial \eta^a} \equiv B_a^\alpha = \partial_a N^\alpha$ a tedy podle (1,19) $L_a^\alpha = \delta_a^\alpha$, kde δ_a^α je Kroneckerovo delta.

Podle věty (1,10) jsou tedy uvažované plochy plochami středovými, což je výsledek samozřejmý.

Rovnicemi

$$x = u, \quad y = v, \quad z = \frac{1}{2} \left(\frac{u^2}{p} + \varepsilon \frac{v^2}{q} \right), \quad \varepsilon = \pm 1, \quad p > 0, \quad q > 0$$

(p, q jsou konstanty) je popsán eliptický paraboloid pro $\varepsilon = +1$, hyperbolický paraboloid pro $\varepsilon = -1$. Pro uvažovanou plochu vyjde $N^\alpha = A^\alpha$, kde A^α jsou konstanty ne vesměs rovné nule. Z předchozího a z formule (1,19) vyčteme hned, že v tomto případě je $L_a^\alpha = 0$.

Všechny uvažované nesingulární kvadriky byly kvadrikami ve speciální poloze. Avšak výsledek $L_a^\alpha - k\delta_a^\alpha = 0$ (k konstanta) je zřejmě nezávislý na affiní transformaci souřadnic v E_3 , t. j. na transformaci

$$*x^\alpha = a_\beta^\alpha x^\beta + c^\alpha,$$

kde a_β^α, c^α jsou konstanty, determinant $[a_\beta^\alpha]$ je různý od nuly. Tedy výsledek platí pro nesingulární kvadriky vůbec.

Předchozí výsledky mají pro nesingulární kvadriky tento zajímavý důsledek:

Podle věty (1,11) jsou křivky na elipsoidu nebo hyperboloidu, které jsou průnikem těchto ploch s libovolnou rovinou jdoucí jejich středem, křivkami geodetickými při affiní konexi (1,13). Podle věty (1,8) protne rovinu, obsahující affiní normálu (tedy průměr) paraboloidu, v geodetice ve smyslu konexe (1,13).

ЗАМЕТКА К АФИННОЙ ГЕОМЕТРИИ ПОВЕРХНОСТЕЙ

ФРАНТИШЕК НОЖИЧКА (František Nožička), Прага.

(Поступило в редакцию 22/I 1955 г.)

Статья является продолжением ранее опубликованной работы автора *Le vecteur affinonormal et la connexion de l'hypersurface dans l'espace affin*, Časopis pro pěstování matematiky a fysiky, (Журнал для занятий по математике и физике), Prague, № 75, 1950). Подходящей нормализацией

²⁹⁾ Viz též Nožička F., K problému affiní normály a indukované konexe nadplochy v affinním prostoru, Časopis pro pěstování matematiky, roč. 79, č. 2, str. 130—133.