

Werk

Label: Abstract

PURL: https://resolver.sub.uni-goettingen.de/purl?31311028X_0069|log23

Kontakt/Contact

[Digizeitschriften e.V.](#)
SUB Göttingen
Platz der Göttinger Sieben 1
37073 Göttingen

✉ info@digizeitschriften.de

kann man eine in dem Raum S definierte stetige beschränkte Funktion F so finden, daß $F_R = f$ gilt.

(2) Ist w eine H -Topologie auf S , (S, w) vollständig regulär, $w_R = S$, w schwächer als v , $w_R = v_R = u$, so ist $w = v$.

Beweis. I. Kann man S in eine bikompakte Hülle von R einbetten, so ist (1) offenbar erfüllt.

II. Ist (1) erfüllt, so sei w eine H -Topologie auf S mit den in (2) vorausgesetzten Eigenschaften. Ist $M \subset S$ w -abgeschlossen und nichtleer, $x \in S - M$, so sei die Funktion f in S definiert, in bezug auf (S, w) stetig und beschränkt, $f(x) = 0$, $f(M) = (1)$. Es gibt dann eine in S definierte beschränkte, in bezug auf (S, v) stetige Funktion g mit $g_R = f_R$. Nach dem Hilfssatz aus 2.1, VIII ist dann $g = f$, woraus $x \notin vM$ folgt. Also ist M auch v -abgeschlossen und daher $w = v$, also (2) erfüllt.

III. Gilt (2), so sei S in einen bikompakten H -Raum T eingebettet, $\bar{S} = T$, ferner P eine bikompakte Hülle von R . Nach 3.1 gibt es eine stetige Abbildung f von P auf T so, daß f_R die identische Abbildung ist. Wählt man für jedes $y \in S - R$ einen Punkt $x = \varphi(y) \in f^{-1}(y)$, bezeichnet mit M die Menge aller $\varphi(y)$ und setzt $Q = R + M$, so ist f_Q eine stetige schlichte Abbildung von Q auf S . Nun folgt aus (2), daß f_Q eine Homöomorphie ist. Hiermit ist der Satz bewiesen.

*

O absolutně uzavřených a bikompaktních prostorech.

(Obsah předešlého článku.)

V § 1 se dokazují m. j. tyto věty:

K tomu, aby AHU -prostor, jehož každé dva různé body jsou \bar{O} -oddělené, byl bikompaktní, je nutno a stačí, aby každé jeho prosté spojitě zobrazení na AHU -prostor bylo homeomorfní.

AHU -prostor je bikompaktní, když a jen když každá jeho uzavřená část je absolutně uzavřená.

Hlavním výsledkem § 2 je tato věta: ke každému AHU -prostoru R existuje AHU -prostor S s těmito vlastnostmi: (1) R je vnořen do S , $\bar{R} = S$; (2) S je absolutně uzavřený prostor; (3) je-li f spojitě zobrazení R do AHU -prostoru Q , $\bar{f(R)} = Q$, pak existuje $M \subset S$ a spojitě zobrazení F M na Q tak, že $R \subset M$, $F_R = f$. Je-li Q bikompaktní, lze klást $M = S$.

V § 3 se používá výsledků § 1 a § 2 k důkazu známé věty o bikompaktním obalu.