

Werk

Label: Other

Jahr: 1873

PURL: https://resolver.sub.uni-goettingen.de/purl?31311028X_0002|log24

Kontakt/Contact

Digizeitschriften e.V.
SUB Göttingen
Platz der Göttinger Sieben 1
37073 Göttingen

✉ info@digizeitschriften.de

Úlohy.

I. Z matematiky.

Řešení úlohy 32.

(Podává *Ant. Sucharda*, technik.)

Dosadíme-li do předložené rovnice

$$\operatorname{tg} 2x + \operatorname{tg} 3x = 3 \operatorname{tg} x$$

známé výrazy

$$\operatorname{tg} 2x = \frac{2 \operatorname{tg} x}{1 - \operatorname{tg}^2 x}, \quad \operatorname{tg} 3x = \frac{3 \operatorname{tg} x - \operatorname{tg}^3 x}{1 - 3 \operatorname{tg}^2 x},$$

obdržíme po snadné redukci

$$\operatorname{tg}^4 x - \frac{1}{4} \operatorname{tg}^2 x - \frac{1}{4} = 0,$$

z kteréžto rovnice jde

$$\operatorname{tg} x = \pm \frac{1}{2} \sqrt{\frac{1 \pm \sqrt{17}}{2}}.$$

(Tutéž úlohu řešil *B. Bečka*, žák VIII. tř. g. v Jičíně, *Lud. Grossman*, žák VI. tř. r. v Litomyšli, *Aug. Hanzlovský*, žák VII. tř. g. v Písku, *Fr. Chmelík*, žák VI. tř. r. g. na M. Straně, *Jos. Kašpr*, žák VIII. tř. g. v Písku, *Fr. Škramlík*, žák VII. tř. r. g. v Táboře, *V. Šťastný*, *B. Wittich*, žák VII. tř. r. g. na M. Straně, *Al. Wolf*, žák VIII. tř. č. g. v Č. Budějovicích).

Řešení úlohy 34.

(Podává *V. Zelený*, žák VI. tř. r. g. na M. Straně.)

Dle poučky Mac-Lauriny obdržíme především

$$\ln(x + \sqrt{1+x^2}) = x - \frac{1}{2} \frac{x^3}{3} + \frac{1 \cdot 3}{2 \cdot 4} \frac{x^5}{5} - \dots$$

a podle známého vzorce

$$\left(\sum_{i=1}^n a_i\right)^2 = \sum (a_i)^2 + 2 \sum a_i a_t$$

$$[l(x + \sqrt{1+x^2})]^2 = x^2 - 2 \cdot \frac{1}{2} \frac{x^4}{3} + \left[\left(\frac{1}{2 \cdot 3}\right)^2 + 2 \frac{1 \cdot 3}{2 \cdot 4 \cdot 5}\right] x^6 - \dots;$$

spořádáme-li pravou stranu rovnice této, povstane konečně

$$[l(x + \sqrt{1+x^2})]^2 = x - \frac{2}{3} \frac{x^4}{2} + \frac{2 \cdot 4}{3 \cdot 5} \frac{x^6}{3} - \frac{2 \cdot 4 \cdot 6}{3 \cdot 5 \cdot 7} \frac{x^8}{4} + \dots,$$

při čemž $x^2 < 1$.

(Tutéž úlohu řešil způsobem jiným *B. Bečka*, a *J. Kašpr.*)

Řešení úlohy 35.

(Podává *K. Brož*, filosof.)

Hodnota předloženého integrálu omezeného jest $\frac{\pi}{2}$.

Úloha 36.

Mají se určití všechny kořeny rovnice

$$6x^4 - 5x^3 + 7x^2 - 5x + 1 = 0.$$

II. Z fyziky.

Řešení úlohy 20.

(Podává *M. Boda*, ing. ve Vídni.)

Poměr průřezů obou drátů bude 1 : 5·88, t. j. drát železný bude míti 5·88 krát větší průřez drátu měděného; průměry se budou míti k sobě, jako 2·08 : 5·058.

(Tutéž úlohu řešil *J. Sallabašev*, žák VI. tř. ob. r. g. na M. Str.)

Řešení úlohy 28.

(Podává *Fr. Chmelík*.)

Kývadlo dolejší musilo by se o $\frac{108745}{97456384}$ své délky prodloužiti, aby stejně kývalo s hořejším a hořejší by se musilo dole o $\frac{108745}{97565129}$ své délky zkrátiti, aby stejně rychle kývalo s dolejší.

(Tutéž úlohu řešil: *Ot. Mužík*, žák VI. tř. r. v Hradc Králové, *A. Pilnáček*, žák VII. tř. g. v Jičíně, *Jos. Sádek*, žák VII. tř. g. v K. Hradci, *Fr. Škramlík*, *B. Wittich*, *Al. Wolf*.)

Řešení úlohy 31.

(Podává B. Wittich.)

Hmoty obou koulí mají se k sobě jako 1:3.

(Tutěž úlohu řešil: B. Bečka, Fr. Chmelík, J. Kašpr, Ot. Mužík, A. Pilnáček, Fr. Škramlík, V. Štastný, žák VI. tř. r. g. na M. Straně.)

Úloha 32.

Která čísla a jak by se změnila v theorii duhy, kdyby exponenty lomu vody byly vesměs o polovičku větší?

Úloha 33.

Z bodu A pohybuje se hmotný bod počáteční rychlostí

$$c = \frac{k}{a\sqrt{2}}$$

směrem kolmo na $OA = a$ stojícím, zároveň pak tu působí v bodu O síla přitažná

$$\varphi = -\frac{2kr + k^2}{2r^3},$$

značí-li k veličinu stálou a r vzdálenost od O ; v jaké dráze pohybuje se bod tento, v jaké době a s jakou rychlostí dostane se z A do B , jestli

$$OB = \frac{a}{4}.$$

