

Werk

Label: Abstract

Jahr: 1958

PURL: https://resolver.sub.uni-goettingen.de/purl?31311157X_0083|log98

Kontakt/Contact

Digizeitschriften e.V.
SUB Göttingen
Platz der Göttinger Sieben 1
37073 Göttingen

✉ info@digizeitschriften.de

Доказаны утверждения:

1. Если структура S — полная, то E тоже является полной структурой.
2. Существует конечная структура S , для которой структура E не является полудедекиндовой. Существует структура, для которой E совсем не является структурой.

Этим решен вопрос, поставленный Г. Биркгофом (см. [1], проблема 93).

Summary

NOTE ON THE ENDOMORPHISMS OF LATTICES

JÁN JAKUBÍK, Košice

(Received August 12, 1957)

A mapping f of a lattice S into S is called an $\cup$ -endomorphism if

$$x, y \in S \Rightarrow f(x) \cup f(y) = f(x \cup y).$$

Let E be the set of all $\cup$ -endomorphisms of a given lattice S . If $f, g \in E$ we put $f \leq g$ if for every $x \in S$ $f(x) \leq g(x)$.

1. If S is a complete lattice, then E is also a complete lattice.
2. There exists a finite lattice S such that the lattice E is not semi-modular. There exists a lattice S such that the set E is not a lattice at all.

This solves a problem of G. BIRKHOFF ([1], Problem 93).