

Werk

Label: Figure

Jahr: 1991

PURL: https://resolver.sub.uni-goettingen.de/purl?301416052_0032|log26

Kontakt/Contact

[Digizeitschriften e.V.](#)
SUB Göttingen
Platz der Göttinger Sieben 1
37073 Göttingen

✉ info@digizeitschriften.de

Innenwinkel von $A_1A_2A_3A_4$ sind, nehmen wir o.E.d.A. an, daß M zum Viereck $OP_2A_3P_3$ gehört.

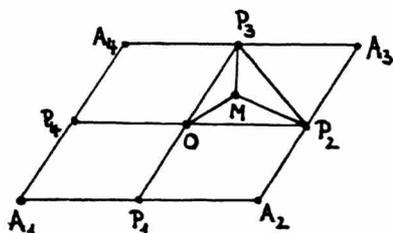


Bild 7

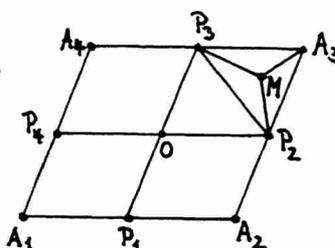


Bild 8

Nun unterscheiden wir zwei Fälle:

- 1) M gehört zum Dreieck OP_2P_3 .
- ii) M gehört zum Dreieck $A_3P_2P_3$.

Im Fall i) verbinden wir M mit O, P_2, P_3 , wie es im Bild 7 gezeigt ist, und betrachten die drei Winkel $\angle OMP_2, \angle OMP_3, \angle P_2MP_3$. Weil M zum Dreieck OP_2P_3 gehört, hat jeder dieser drei Winkel eine Größe von höchstens 180° . Folglich müssen mindestens zwei dieser Winkel eine Größe von mindestens 90° haben. Daher ist $\angle OMP_2 \geq 90^\circ$ oder $\angle OMP_3 \geq 90^\circ$.

Ist $\angle OMP_1 \geq 90^\circ$, $i=1$ oder $i=2$, so gilt im Dreieck OMP_1 stets $|OP_1| > |MP_1|$. Da aber $|OP_1| < 1$ ist, ist auch $|MP_1| < 1$, und daher liegt P_1 im Innern von $K(M, 1)$. Damit ist der Hilfssatz im Fall i) bewiesen.

Im Fall ii) verbinden wir M mit A_3, P_2, P_3 , wie es im Bild 8 gezeigt ist. Analog zum Fall i) folgt, daß P_2 oder P_3 im Innern von $K(M, 1)$ liegt, womit der Hilfssatz auch im Fall ii) bewiesen ist.

Hilfssatz 2. Ist $\{K(M_1, 1)\}$ eine unendliche Menge von Einheitskreisen, deren Mittelpunkte äquidistant mit dem Abstand a , $1 \leq a < 2$, auf einer Geraden liegen und ist $K(M', 1)$ ein Einheitskreis, so daß kein Punkt der Ebene im Innern von drei Kreisen aus $\{K(M_1, 1)\} \cup K(M', 1)$ liegt, dann hat $K(M', 1)$ mit höchstens zwei Kreisen aus $\{K(M_1, 1)\}$ innere Punkte gemeinsam. Zum Beweis betrachten wir die Menge $\{K(M_1, 1)\}$. g sei die Gerade, auf der die Mittelpunkte aller Kreise aus $\{K(M_1, 1)\}$ liegen. Weiterhin nehmen wir an, daß $K(M', 1)$ mit wenigstens einem Kreis aus $\{K(M_1, 1)\}$ innere Punkte gemeinsam hat. M_1 sei